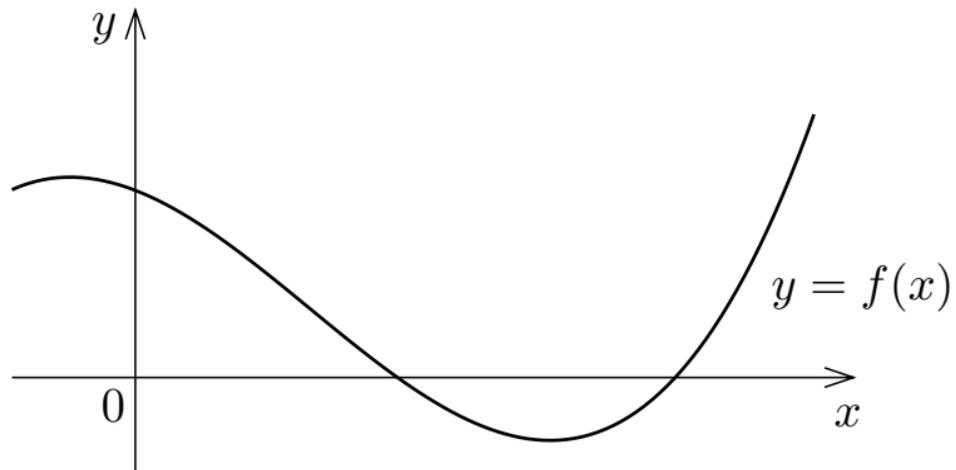


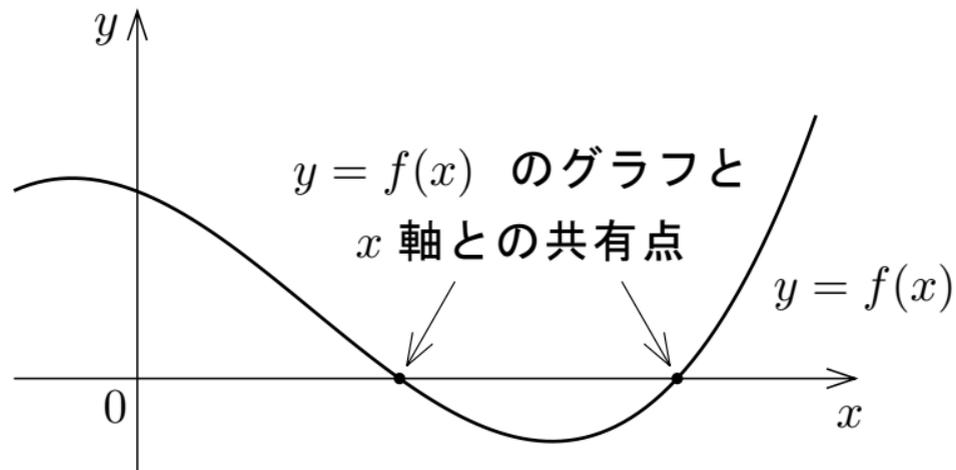
4.5 関数のグラフと座標軸

xy 座標平面において変数 x
の関数 $y = f(x)$ のグラフを
考える.

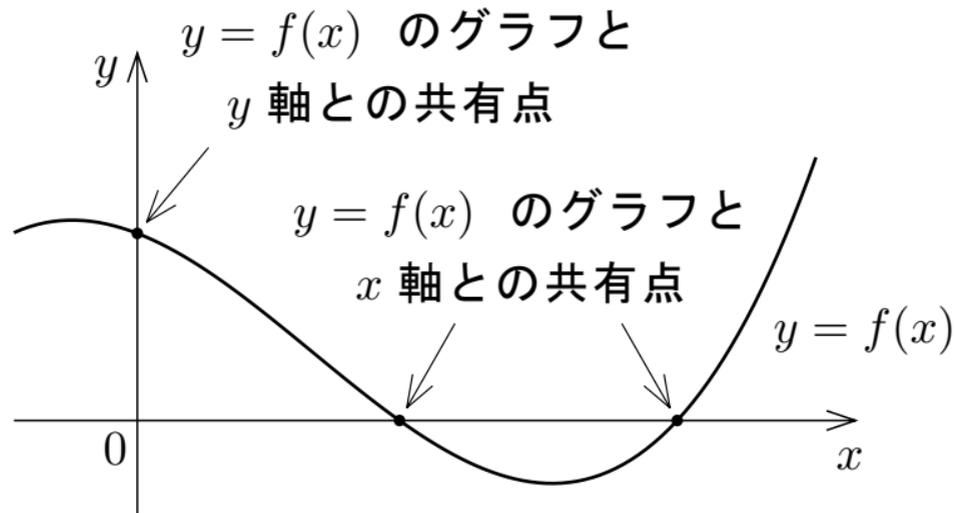


xy 座標平面において変数 x

の関数 $y = f(x)$ のグラフを
考える. 関数 $y = f(x)$ のグ
ラフと x 軸との両方に属す点
を, $y = f(x)$ のグラフと x 軸
との共有点という.



xy 座標平面において変数 x の関数 $y = f(x)$ のグラフを考える. 関数 $y = f(x)$ のグラフと x 軸との両方に属す点を, $y = f(x)$ のグラフと x 軸との共有点という. また, 関数 $y = f(x)$ のグラフと y 軸との両方に属す点を, $y = f(x)$ のグラフと y 軸との共有点という.



xy 座標平面において、 y 軸とは x 座標が 0 である点の全体であるので、
点 P について、

P が y 軸に属す $\iff P$ の x 座標は 0 である .

xy 座標平面において、 y 軸とは x 座標が 0 である点の全体であるので、点 P について、

P が y 軸に属す $\iff P$ の x 座標は 0 である .

よって、 xy 座標平面において、関数 $y = f(x)$ のグラフと y 軸との共有点は、 $y = f(x)$ のグラフの点で x 座標が 0 である点である.

xy 座標平面において、 y 軸とは x 座標が 0 である点の全体であるので、点 P について、

P が y 軸に属す $\iff P$ の x 座標は 0 である .

よって、 xy 座標平面において、関数 $y = f(x)$ のグラフと y 軸との共有点は、 $y = f(x)$ のグラフの点で x 座標が 0 である点である.

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = 3x^2 - 5x + 7$ のグラフと y 軸との共有点を求める.

xy 座標平面において、 y 軸とは x 座標が 0 である点の全体であるので、点 P について、

P が y 軸に属す $\iff P$ の x 座標は 0 である .

よって、 xy 座標平面において、関数 $y = f(x)$ のグラフと y 軸との共有点は、 $y = f(x)$ のグラフの点で x 座標が 0 である点である.

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = 3x^2 - 5x + 7$ のグラフと y 軸との共有点を求める. グラフに属す点 (x, y) について $y = 3x^2 - 5x + 7$. この点が y 軸にも属すとき、 x 座標は 0 なので、 $x = 0$, よって $y = 7$.

xy 座標平面において、 y 軸とは x 座標が 0 である点の全体であるので、点 P について、

P が y 軸に属す $\iff P$ の x 座標は 0 である .

よって、 xy 座標平面において、関数 $y = f(x)$ のグラフと y 軸との共有点は、 $y = f(x)$ のグラフの点で x 座標が 0 である点である.

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = 3x^2 - 5x + 7$ のグラフと y 軸との共有点を求める. グラフに属す点 (x, y) について $y = 3x^2 - 5x + 7$. この点が y 軸にも属すとき、 x 座標は 0 なので、 $x = 0$, よって $y = 7$. 従って、 $y = 3x^2 - 5x + 7$ のグラフと y 軸との共有点は $(0, 7)$ である. **終**

問4.5.1 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = 2x^3 - 7x^2 + 5$ のグラフと y 軸との共有点を求めよ.

問4.5.1 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = 2x^3 - 7x^2 + 5$ のグラフと y 軸との共有点を求めよ.

$y = 2x^3 - 7x^2 + 5$ より、 $x = 0$ のとき $y = 5$. 故に、 $y = 2x^3 - 7x^2 + 5$ のグラフと y 軸との共有点は $(0, 5)$ である. **終**

xy 座標平面において, x 軸とは y 座標が 0 である点の全体なので, 点 P について,

P が x 軸に属す $\iff P$ の y 座標は 0 である .

xy 座標平面において、 x 軸とは y 座標が 0 である点の全体なので、点 P について、

P が x 軸に属す $\iff P$ の y 座標は 0 である .

よって、 xy 座標平面において、関数 $y = f(x)$ のグラフと x 軸との共有点は、 $y = f(x)$ のグラフの点で y 座標が 0 である点である .

xy 座標平面において、 x 軸とは y 座標が 0 である点の全体なので、点 P について、

P が x 軸に属す $\iff P$ の y 座標は 0 である .

よって、 xy 座標平面において、関数 $y = f(x)$ のグラフと x 軸との共有点は、 $y = f(x)$ のグラフの点で y 座標が 0 である点である .

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - 3x - 4$ のグラフと x 軸との共有点を求める .

xy 座標平面において、 x 軸とは y 座標が 0 である点の全体なので、点 P について、

P が x 軸に属す \iff P の y 座標は 0 である .

よって、 xy 座標平面において、関数 $y = f(x)$ のグラフと x 軸との共有点は、 $y = f(x)$ のグラフの点で y 座標が 0 である点である .

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - 3x - 4$ のグラフと x 軸との共有点を求める . グラフに属す点 (x, y) について $y = x^2 - 3x - 4$. この点が x 軸にも属すとき、 y 座標は 0 なので、 $y = 0$, よって $0 = x^2 - 3x - 4$, $x^2 - 3x - 4 = 0$, $(x + 1)(x - 4) = 0$, よって $x = 4$ または $x = -1$.

終

xy 座標平面において、 x 軸とは y 座標が 0 である点の全体なので、点 P について、

P が x 軸に属す $\iff P$ の y 座標は 0 である .

よって、 xy 座標平面において、関数 $y = f(x)$ のグラフと x 軸との共有点は、 $y = f(x)$ のグラフの点で y 座標が 0 である点である .

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - 3x - 4$ のグラフと x 軸との共有点を求める . グラフに属す点 (x, y) について $y = x^2 - 3x - 4$. この点が x 軸にも属すとき、 y 座標は 0 なので、 $y = 0$, よって $0 = x^2 - 3x - 4$, $x^2 - 3x - 4 = 0$, $(x + 1)(x - 4) = 0$, よって $x = 4$ または $x = -1$. 従って、関数 $y = x^2 - 3x - 4$ のグラフと x 軸との共有点は $(-1, 0)$ と $(4, 0)$ とである .

終

問4.5.2 xy 座標平面において, 変数 x の関数 $y = -2x^2 - x + 4$ のグラフと x 軸との共有点を求めよ.

$$y = -2x^2 - x + 4 \text{ より, } y = 0 \text{ のとき, } \quad = 0, \quad = 0,$$

よって $x =$. 故に, $y = -2x^2 - x + 4$ のグラフ

と x 軸との共有点は と とである.

問4.5.2 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = -2x^2 - x + 4$ のグラフと x 軸との共有点を求めよ.

$y = -2x^2 - x + 4$ より、 $y = 0$ のとき、 $-2x^2 - x + 4 = 0$, $2x^2 + x - 4 = 0$,
よって $x = \frac{-1 \pm \sqrt{1+32}}{4} = \frac{-1 \pm \sqrt{33}}{4}$. 故に、 $y = -2x^2 - x + 4$ のグラフ

と x 軸との共有点は $\left(-\frac{1+\sqrt{33}}{4}, 0\right)$ と $\left(-\frac{1-\sqrt{33}}{4}, 0\right)$ とである. □終

4.2節で述べたように、関数を表す式に表れる変数は実数を表す。なので xy 座標平面において x 座標及び y 座標は実数である。虚数は xy 座標平面の点の x 座標や y 座標にならない。

4.2節で述べたように、関数を表す式に表れる変数は実数を表す。なので xy 座標平面において x 座標及び y 座標は実数である。虚数は xy 座標平面の点の x 座標や y 座標にならない。

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - 2x + 3$ のグラフと x 軸との共有点を求める。

4.2節で述べたように、関数を表す式に表れる変数は実数を表す。なので xy 座標平面において x 座標及び y 座標は実数である。虚数は xy 座標平面の点の x 座標や y 座標にならない。

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - 2x + 3$ のグラフと x 軸との共有点を求める。グラフに属す点 (x, y) について $y = x^2 - 2x + 3$.

4.2節で述べたように、関数を表す式に表れる変数は実数を表す。なので xy 座標平面において x 座標及び y 座標は実数である。虚数は xy 座標平面の点の x 座標や y 座標にならない。

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - 2x + 3$ のグラフと x 軸との共有点を求める。グラフに属す点 (x, y) について $y = x^2 - 2x + 3$. この点が x 軸にも属すとき、 y 座標は 0 なので、 $y = 0$, よって $0 = x^2 - 2x + 3$.

4.2節で述べたように、関数を表す式に表れる変数は実数を表す。なので xy 座標平面において x 座標及び y 座標は実数である。虚数は xy 座標平面の点の x 座標や y 座標にならない。

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - 2x + 3$ のグラフと x 軸との共有点を求める。グラフに属す点 (x, y) について $y = x^2 - 2x + 3$. この点が x 軸にも属すとき、 y 座標は 0 なので、 $y = 0$, よって $0 = x^2 - 2x + 3$. x に関する2次方程式 $x^2 - 2x + 3 = 0$ は、判別式の値が $2^2 - 4 \cdot 1 \cdot 3 < 0$ なので、解が虚数である。

4.2節で述べたように、関数を表す式に表れる変数は実数を表す。なので xy 座標平面において x 座標及び y 座標は実数である。虚数は xy 座標平面の点の x 座標や y 座標にならない。

例 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - 2x + 3$ のグラフと x 軸との共有点を求める。グラフに属す点 (x, y) について $y = x^2 - 2x + 3$. この点が x 軸にも属すとき、 y 座標は 0 なので、 $y = 0$, よって $0 = x^2 - 2x + 3$. x に関する2次方程式 $x^2 - 2x + 3 = 0$ は、判別式の値が $2^2 - 4 \cdot 1 \cdot 3 < 0$ なので、解が虚数である。虚数は x 座標にならないので、 $y = x^2 - 2x + 3$ のグラフと x 軸との共有点は無い。

終

問4.5.3 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - \frac{7}{3}x + 2$ のグラフと x 軸との共有点を求めよ.

$$y = x^2 - \frac{7}{3}x + 2 \quad \text{とすると,} \quad y = 0 \quad \text{のとき} \quad x^2 - \frac{7}{3}x + 2 = 0 ,$$

問4.5.3 xy 座標平面において、変数 x の関数 $y = x^2 - \frac{7}{3}x + 2$ のグラフと x 軸との共有点を求めよ.

$y = x^2 - \frac{7}{3}x + 2$ とすると、 $y = 0$ のとき $x^2 - \frac{7}{3}x + 2 = 0$, つまり $3x^2 - 7x + 6 = 0$; この x に関する 2 次方程式の実数解は無い. 故に、 $y = x^2 - \frac{7}{3}x + 2$ のグラフと x 軸との共有点は無い.

終