

第6章の補遺2 微分積分と物理量

微分係数及び定積分の概念を用いて様々な物理量が定式化される．その内の幾つかを紹介する．

物体が一直線上を運動しているとする．時刻 t における物体の，位置を表す関数を $x(t)$ と，速度を表す関数 $v(t)$ とおく．速度は位置を時刻で微分したものなので，

$$v(t) = \frac{d}{dt}x(t) .$$

従って，微分積分の基本定理より，時刻を表す実数 a, b に対して，

$$x(b) - x(a) = \int_a^b v(t) dt .$$

このように，速度を定積分すると位置の変化（変位）が求められる．

$$\begin{array}{ccc} & \xrightarrow{\text{時刻で微分}} & \\ \text{変位} & & \text{速度} \\ & \xleftarrow{\text{時刻で定積分}} & \end{array}$$

このように変位を時刻で微分したものが速度であるが，更に速度を時刻で微分すると加速度になる．従って，微分積分の基本定理より，加速度を時刻で定積分すると速度が求められる．

$$\begin{array}{ccc} & \xrightarrow{\text{時刻で微分}} & \\ \text{速度} & & \text{加速度} \\ & \xleftarrow{\text{時刻で定積分}} & \end{array}$$

仕事量の時刻に対する変化率を仕事率という．つまり，仕事量を時刻で微分したものが仕事率であり，従って仕事率を時刻で定積分したものが仕事である．

$$\begin{array}{ccc} & \xrightarrow{\text{時刻で定積分}} & \\ \text{仕事率} & & \text{仕事量} \\ & \xleftarrow{\text{時刻で微分}} & \end{array}$$

物体に力を加えて直線的に動かしたとき，物体に加えられた力を変位で定積分したものが，物体を動かすのに必要な仕事量である．

$$\begin{array}{ccc} & \xrightarrow{\text{変位で定積分}} & \\ \text{力} & & \text{仕事量} \\ & \xleftarrow{\text{変位で微分}} & \end{array}$$

物体に加えられた力を時刻で定積分したものが，物体に加えられた力積である．

$$\begin{array}{ccc} & \xrightarrow{\text{時刻で定積分}} & \\ \text{力} & & \text{力積} \\ & \xleftarrow{\text{時刻で微分}} & \end{array}$$

電線を通る電流を時刻で定積分すると，電線を通った電気量が求められる．

$$\begin{array}{ccc} & \xrightarrow{\text{時刻で定積分}} & \\ \text{電流} & & \text{電気量} \\ & \xleftarrow{\text{時刻で微分}} & \end{array}$$

電気機器が消費する電力を時刻で定積分すると，電気機器が消費した電力量が求められる．

$$\begin{array}{ccc} & \xrightarrow{\text{時刻で定積分}} & \\ \text{電力} & & \text{電力量} \\ & \xleftarrow{\text{時刻で微分}} & \end{array}$$